



REPUBLIKA E SHQIPËRIË

MINISTRIA E ARSIMIT  
SPORTIT DHE RINISË  
QENDRA E SHËRBIMEVE ARSIMORE

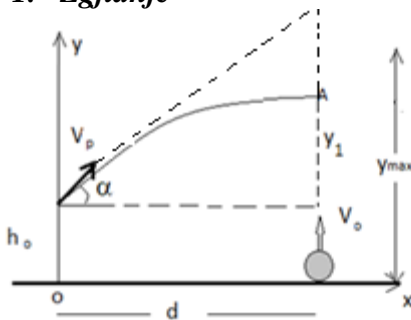
## OLIMPIADA KOMBËTARE E FIZIKËS – SHKOLLA E MESME

26 shtator 2020

Faza e tretë

ZGJIDHJE

### 1. Zgjidhje



Që të ndodhë goditja duhet që plumbi dhe sfera të kenë kordinata të njëjta. Zgjedhim boshtet kordinative sipas figurës. Goditja ndodh në pikën A, pra sfera është në rënie, pasi ka arritur lartësinë maksimale.

Ekuacionet për sferën janë:  $x_s = d$   $y_s = y_{max} - \frac{gt^2}{2}$

Ekuacionet për plumbin janë:  $x_p = V_{op} \cos \alpha t$   $y_p = h_0 + V_{op} \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2}$

Nga kushti  $x_s = x_p$  dhe  $y_s = y_p$   $d = V_{op} \cos \alpha t$  (1)  $y_{max} = h_0 + V_{op} \sin \alpha t$  (2)

Nga (1)  $t = \frac{d}{V_{op} \cos \alpha}$  zëvendësojmë te (2)  $y_{max} - h_0 = V_{op} \sin \alpha \frac{d}{V_{op} \cos \alpha}$

$\text{tg} \alpha = \frac{y_{max} - h_0}{d}$  Në pikën më të lartë sfera ka shpejtësi zero. Pra  $y_{max} = \frac{V_0^2}{2g}$

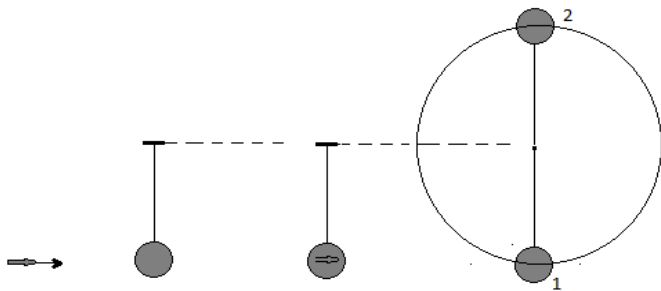
$\text{tg} \alpha = \frac{\frac{V_0^2}{2g} - h_0}{d}$   $\text{tg} \alpha = \frac{V_0^2 - 2gh_0}{2gd}$

Përcaktojmë koordinatat e pikës A.  $x_A = d$   $y_A = y_{max} - \frac{gt^2}{2}$  ku  $t = \frac{d}{V_{op} \cos \alpha}$  dhe  $y_{max} = \frac{V_0^2}{2g}$

$y_A = \frac{V_0^2}{2g} - \frac{d^2 g}{2V_{op}^2 \cos^2 \alpha}$

## 2.

### Zgjidhje



a) Zbatojmë ligjin e ruajtjes së impulsit për sistemi plumb – sferë.

$mv_0 = (M+m)v_1$  ku  $v_1$  është shpejtësia që fiton sistemi pas goditjes.

$$\text{Prej nga } v_0 = \frac{(M+m)v_1}{m} \quad (1)$$

Mbas goditjes sfera së bashku me plumbin lëviz në planin vertikal duke kryer lëvizjen rrethore me rreze  $l$  sa gjatësia e fijes. Për të gjetur shpejtësinë  $v_1$ , zbatojmë ligjin e shndërimit dhe ruajtjes së energjisë për sistemin. Si nivel zero marim pozicionin e sistemit në pikën më të ulët të trajektorës rrethore.  $E_1 = E_2$

$$\frac{(M+m)v_1^2}{2} = \frac{(M+m)v_2^2}{2} + 2(M+m)lg, \text{ prej nga}$$

$$v_1^2 - v_2^2 = 4gl \quad v_1^2 = v_2^2 + 4gl \quad (2) \quad \text{Për gjetjen e } v_2, \text{ shfrytëzojmë ligjin e dytë të Njutonit në pozicionin 2.}$$

$$(M+m)g + T = \frac{(M+m)v_2^2}{l} \quad \text{Mqs në pikën 2 shpejtësia është minimale } T = 0 \text{ dhe } v_2^2 = gl \quad (3)$$

$$\text{Zëvendësojmë (3) te (2) dhe marim } v_1^2 = 5gl \text{ dhe } v_1 = \sqrt{5gl} \quad (4)$$

$$\text{Zëvendësojmë (4) te (1) dhe marim vlerën } v_0 = \frac{(M+m)}{m} \sqrt{5gl}$$

b) Mqs goditja është jo elastike atëherë nuk ruhet energjia kinetike e sistemit.

$$\Delta E_k = \frac{mv_0^2}{2} - \frac{(M+m)v_1^2}{2} \quad \text{Zëvendësojmë vlerat e } v_0 \text{ dhe } v_1 \text{ dhe marim shprehjen}$$

$$\Delta E_k = 5gl \frac{(M+m)}{2} \left[ \frac{(M+m)}{m} - 1 \right]$$

## 3.

### Zgjidhje

a) Rezistencat janë të lidhura në seri.  $I = \frac{V_P - V_Q}{R_1 + R_2} = \frac{V_P}{R_1 + R_2} = 2A$  Por  $I = \frac{V_P - V_a}{R_1}$  prej nga

$$V_a = V_P - IR_1 \quad V_a = 6V.$$

Dimë që  $V_P - V_b = \frac{q}{C_1}$  prej nga  $V_b = V_P - \frac{q}{C_1}$

Mqs kondensatorët janë lidhur në seri ngarkesa është e njëjtë  $q$  dhe  $U_{PQ} = U_1 + U_2$

$$U_{PQ} = \frac{q}{C_1} + \frac{q}{C_2} = q \left( \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right) \text{ prej nga } q = U_{PQ} \cdot \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = 36 \mu C$$

$U_{Pb} = V_P - V_b = \frac{q}{C_1}$  prej nga  $V_b = V_P - \frac{q}{C_1}$   $V_b = 12V$  Atëherë  $V_a - V_b = -6V$  që do të thotë se pika b ka potencial më të lartë.

b) Kur mbyllet çelësi procesi i ngarkimit të kondensatorit ka përfunduar. Mqs në kondensatorë nuk kalon rrymë praktikisht është po ajo rrymë që kalon në të dyja rezistencat sipas kërkesës a. Pra rryma është 2A.

Tensioni në  $R_1$  është  $U_1 = IR_1$   $U_1 = 12V$  po kaq do të jetë dhe diferenca e potencialit në kondensatorin  $C_1$

$$V_P - V_b = U_{C1} \text{ prej nga } V_b = V_P - U_{C1} \quad V_b = 18 - 12 = 6V$$

c) Kur mbyllet çelësi  $U_{C1} = 12V$  dhe  $U_{C2} = 6V$   $q_1 = C_1 U_{C1} = 72 \mu C$  dhe

$$q_2 = C_2 U_{C2} = 18 \mu C$$

Ngarkesa që kalon në çelës do të jetë  $q = 18 \mu C + 72 \mu C - 36 \mu C = 54 \mu C$

#### 4.

##### Zgjidhje

a) Përcaktojmë forcat që veprojnë te spira. Forca elastike e sustës  $F_e = k\Delta l$ , forca e rëndesës  $G = mg = (2a + 2b)Sdg$  dhe forca e Amperit  $F_A = IBc$ . Kushti i ekuilibrit -  $G + F_e + F_A = 0$

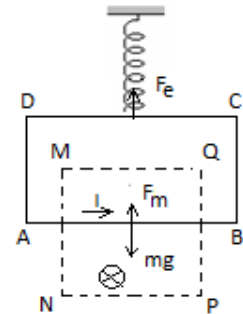
$$-(2a + 2b)Sdg + k\Delta l + IBc = 0 \text{ prej nga } \Delta l = \frac{(2a + 2b)Sdg - IBc}{k}$$

$$\text{ku } k = \frac{F}{\Delta l} \quad \Delta l = \frac{\Delta l \cdot (2a + 2b)Sdg - IBc}{F}$$

b) Kur susta nuk zgjatet, kushti i ekuilibrit shkruhet: -  $G + F_A = 0$

$$(2a + 2b)Sdg = IBc \quad I = \frac{(2a + 2b)Sdg}{Bc}$$

c) Lëvizjen e spirës e ndajmë në tre faza.



Faza e parë: Nga momenti I fillimit deri sa spira hyn tërësisht në fushë, dmth kur brinja CD puthitet me kufirin e sipërm MQ të fushës. Ndryshimi i fluksit magnetic do të jetë  $\Delta\Phi = Bbc$  dhe koha  $\Delta t = \frac{b}{v}$  prej nga  $\varepsilon = -Bvc$

$$I = -\frac{\varepsilon}{R} = -\frac{bvc}{\rho \frac{2(a+b)}{S}} \quad I = -\frac{bvcS}{2\rho(a+b)}$$

Faza e dytë: Spira lëviz brënda fushës magnetike deri në momentin kur brinja AB puthitet me kufirin e poshtëm NP të fushës magnetike. Në këtë rast nuk kemi ndryshim të fluksit, pra  $\varepsilon = 0$  dhe  $I = 0$

Faza e tretë: Spira vazhdon të lëvizë poshtë deri sa brinja CD e spirës të puthitet me kufirin e poshtëm NP të fushës magnetike. Në këtë rast  $\Delta\Phi = -Bbc$  dhe  $\varepsilon = Bvc$  dhe  $I = \frac{bvcS}{2\rho(a+b)}$  pra rryma ka kah të kundërt me rrymën në rastin e parë

#### 5.

##### Zgjidhje

Molekulat i trajtojmë si pika materiale (gazi është ideal) që nuk bashkëveprojnë me njëra tjetrën. Goditjet e molekulave me faqet e enës i mendojmë si goditje plotësisht elastike. Për thjeshtësi supozojmë sikur molekulat lëvizin vetëm në drejtime pingule mbi faqet e enës (edhe nëse mendojmë që ato lëvizin në drejtime çfardo përfundimi do ishte i njëjtë, çdo shpejtësi mund të projektohet në tre drejtimet pingule të hapsirës). Duke shqyrtuar një molekulë "i" me shpejtësi  $v_i$  pingul me faqen e majtë të enës. Ndryshimi i impulsit të saj gjatë goditjes është  $2m_0v_i$  në vlerë absolute. Forca goditëse e saj do jetë  $F_i = 2m_0v_i/\Delta t$ . Ku  $\Delta t$  është koha e goditjes. Intervali i kohës midis dy goditjeve të njëpasnjëshme me faqen e enës është  $t = 2l/v_i$ . Gjatë kohës  $t$  molekula nuk ushtron goditje mbi faqen e enës. Mqs  $\Delta t$  nuk mund të përcaktohet e shtrijmë veprimin e molekulës gjatë kohës  $t + \Delta t$  që është pothuajse  $t$  pasi  $\Delta t \ll t$ . Forca goditëse mesatare që do të gjenim është  $\langle F_i \rangle = 2m_0v_i/t$ . Pra forca mesatare goditëse  $\langle F_i \rangle$  është shtrirë gjatë kohës  $t$ , dhe shkakton të njëjtin ndryshim impulsit  $2m_0v_i$  të molekulës. Duke zëvendësuar  $t = 2l/v_i$  tek  $\langle F_i \rangle$  marim  $\langle F_i \rangle = m_0v_i^2/l$ . Forca e trysnisë që ushtrojnë të gjitha molekulat mbi faqen e majtë që morëm në shqyrtim do ishte  $\langle F \rangle = m_0 \langle v^2 \rangle N/3l$ , ku  $\langle v^2 \rangle$  është shpejtësia mesatare kuadratike në katror.  $v_1^2 + v_2^2 + v_3^2 + \dots + v_{N_x}^2 = N_x \langle v^2 \rangle$ . Në këtë formulë  $N_x = N/3$  është numri i molekulave që lëvizin horizontalisht majtas djathtas pingul mbi faqen e majtë ndaj të cilës duam të llogaritim shtypjen. Shtypja që ushtron gazi mbi këtë faqe do ishte  $p = \langle F \rangle / S$  ku  $S = l^2$ . Nga ku marim  $p = N \cdot m_0 \langle v^2 \rangle / 3V$ , ku  $V = l^3$  është vëllimi i gazit (dhe i enës). Duke shënuar  $n = N/V$  përqëndrimin e gazit marim  $p = n \cdot m_0 \langle v^2 \rangle / 3$ . Shënojmë  $\langle \varepsilon_k \rangle = m_0 \langle v^2 \rangle / 2$  energjinë kinetike mesatare të lëvizjes tejbartëse të një molekule marim  $p = 2 \cdot n \cdot \langle \varepsilon_k \rangle / 3$ . Ky ekuacion tregon që shtypja e gazit ideal mbi faqet e enës është në përpjestim të drejtë me përqëndrimin e gazit dhe me energjinë kinetike mesatare të lëvizjes tejbartëse të secilë molekule të gazit ideal