



OLIMPIADA KOMBËTARE E FIZIKËS

Klasa 12

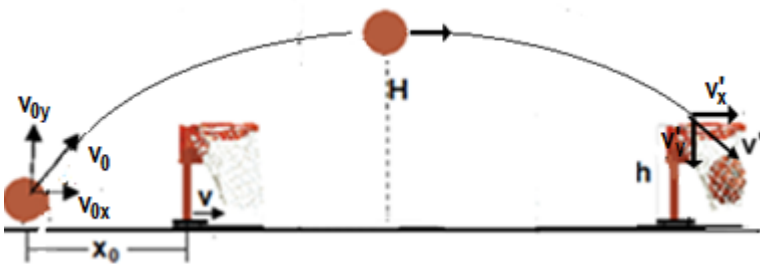
Faza e dytë

Viti shkollor 2023-2024

ZGJIDHJE

Zgjidhja e ushtrimit 1

10 pikë



a) Në pikën më të lartë $v_y = 0$. Lartësia më e madhe e ngjitjes së topit : $H = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$ dhe koha e ngjitjes:

$$t_n = \frac{v_{0y}}{g} = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$$

Për zbritjen e topit shkruajmë: $H - h = \frac{gt_z^2}{2}$ nga ku $t_z = \sqrt{\frac{2(H-h)}{g}}$. Për kohën e plotë t të lëvizjes së topit:

$$t_p = t_n + t_z = \frac{v_0 \sin \alpha}{g} + \sqrt{\frac{2(H-h)}{g}}$$

Që topi të prek koshin duhet që: $v_0 \cos \alpha \cdot t_p = x_0 + v \cdot t_p$ nga ku

$$v = v_0 \cos \alpha - \frac{x_0}{\frac{v_0 \sin \alpha}{g} + \sqrt{\frac{2(H-h)}{g}}} = v_0 \cos \alpha - \frac{x_0}{\frac{v_0 \sin \alpha}{g} + \sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha - 2gh}}$$

$$v = v_0 \cos \alpha - \frac{x_0 g}{v_0 \sin \alpha + \sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha - 2gh}}$$

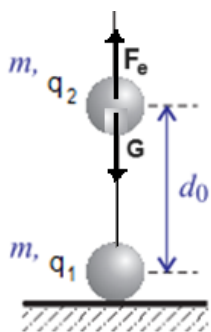
b) Kur prek koshin topi ka shpejtësi: $v' = \sqrt{v_x'^2 + v_y'^2}$ ku $v_x' = v_{0x} = v_0 \cos \alpha$ dhe $v_y'^2 = 2g(H-h)$ pas

zëvendësimeve: $v' = \sqrt{v_0^2 \cos^2 \alpha + 2g(H-h)}$. Duke zëvendësuar shprehjen për H marrim:

$$v' = \sqrt{v_0^2 - 2gh}$$

Zgjidhja e ushtrimit 2

10 pikë



a) Meqë sfera e sipërme është në ekuilibër $G = F_e$ ose $mg = \frac{kq_1 q_2}{d_0^2}$ nga ku:

$$mg = \frac{4kq^2}{d_0^2} \Rightarrow q = d_0 \sqrt{\frac{mg}{4k}} \quad (1)$$

Duke kryer veprimet gjejmë: $q \approx 52nC$

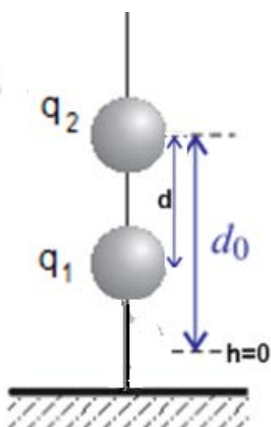
b) Distanca minimale arrihet kur sfera e parë ndodhet në pozicionin që shpejtësia e saj bëhet zero. Duke zbatuar ligjin e ruajtjes së energjisë marrim:

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + \frac{4kq^2}{d_0} = \frac{4kq^2}{d} + mg(d_0 - d) \quad (2) \text{ ku } d - \text{distanca minimale midis sferave.}$$

Zëvendësojmë në barazimin (2) shprehjen për ngarkesën nga (1) dhe marrim:

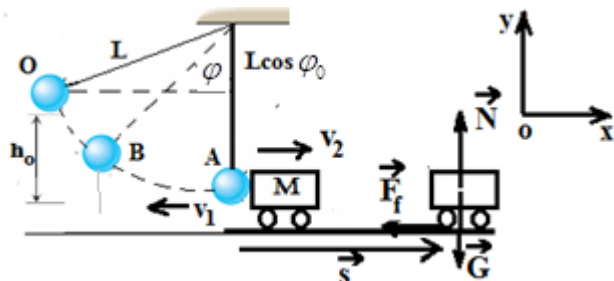
$$\frac{v_0^2}{2gd_0} = \frac{d_0}{d} - \frac{d}{d_0} \Rightarrow 2gd^2 + v_0^2 d - 2gd_0^2 = 0$$

Nga zgjidhja e ekuacionit gjejmë $d = 4cm$



Zgjidhja e ushtrimit 3

12 pikë



Në pozicionin fillestar lartësia e sferës është : $h_0 = L(1 - \cos\varphi_0)$

Sipas ligjit të ruajtjes së energjisë mekanike për sferën në pozicionin O dhe A para goditjes shkruajmë:

$mgh_0 = \frac{mv^2}{2}$ prej nga $v = \sqrt{2gL(1 - \cos\varphi_0)} \approx 4 \frac{m}{s}$. Zbatojmë ligjin e ruajtjes së impulsit për sistemin e

mbyllur sferë-karrocë : $m\vec{v} = m\vec{v}_1 + M\vec{v}_2$

Pas projektimit sipas ox kemi : $mv = -mv_1 + Mv_2$. Prej këtij : $m(v + v_1) = Mv_2$ (1)

Zbatojmë ligjin e ruajtjes së energjisë mekanike për sistemin sferë – karrocë : $\frac{mv^2}{2} = \frac{mv_1^2}{2} + \frac{Mv_2^2}{2}$

Pas thjeshtimeve e sjellim në trajtën : $m(v - v_1)(v + v_1) = Mv_2^2$ (2)

Nga (1) dhe (2) dhe gjejmë: $v - v_1 = v_2$ (3).

Zëvendësoj (3) tek (1) dhe kemi : $v_1 = \frac{(M - m)v}{M + m} = 2,4 \frac{m}{s}$.

Pas zëvendësimeve gjejmë se : $v_2 = 1,6 \frac{m}{s}$

Vizatojmë diagramin e forcave që ushtrohen mbi karrocën për lëvizjen në rrafshin e ashpër derisa ndalon.

Zbatojmë teoremën e energjisë kinetike : $A_{pl} = E'_k - E_k$ dhe duke ditur se vetëm fërkimi kryen punë kemi :

$-\mu Mgs = -\frac{Mv_2^2}{2}$ prej nga $\mu = 0,04$.

Për sferën pas goditjes zbatojmë ligjin e ruajtjes së energjisë mekanike dhe njehsojmë lartësinë e ngjitjes :

$h = \frac{v_1^2}{2g} = 0,288m$. Njehsojmë këndin e ngjitjes $\cos \phi = \frac{L-h}{L} \approx 0,712$

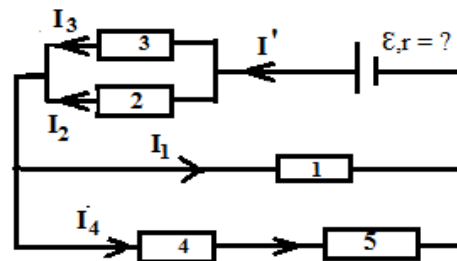
Zgjidhja e ushtrimit 4

8 pikë

Kur çelësat janë të hapur rezistenca e jashtme e qarkut është

$R_{12} = 18 \Omega$ prandaj ligjin e Omit për qarkun e plotë e shkruajmë :

$$\mathcal{E} = I(R_{12} + r) = 1,1(18 + r) \quad (1)$$



Kur çelësat janë të mbyllur qarku thjeshtohet :

Rezistenca ekuivalente $R_{23} = 3 \Omega$ pasi janë në paralel dhe gjithashtu

$R_{45} = 12 \Omega$ është në paralel me $R_1 = 12 \Omega$ prandaj $R_{145} = 6 \Omega$.

Pra rezistenca ekuivalente del $R' = 9V$.

Shkruajmë ligjin e Omit për qarkun e plotë:

$$\mathcal{E} = I'(R' + r) = 2(9 + r) \quad (2)$$

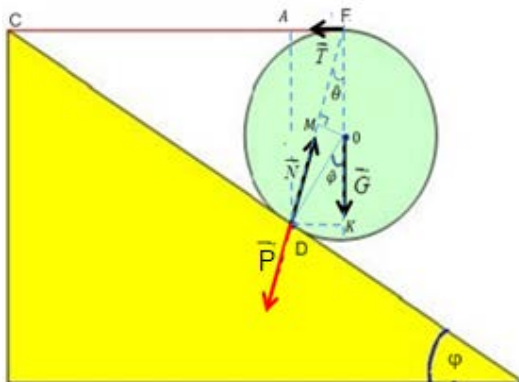
Nga zgjidhja e ekuacioneve (1) dhe (2) gjejmë $\mathcal{E} = 22V$ dhe $r = 2 \Omega$.

Puna e realizuar nga burimi kur mbyllen të dy çelësat gjatë 10s gjendet $A = \mathcal{E}I't = 22V \cdot 2A \cdot 10s = 440J$.

Zgjidhja e ushtrimit 5

a) Vizatojmë forcat në figurë.

Mbi sferë veprojnë forcat: \vec{T} , \vec{G} , \vec{N} . Për sferën në ekuilibër momenti rezultant në lidhje me pikën D:



$$T \cdot AD - G \cdot DK = 0 \text{ ose } T \cdot AD = G \cdot DK \text{ . Nga figura } AD = R + R \cos \varphi$$

$$T \cdot (R + R \cos \varphi) = G \cdot R \sin \varphi$$

$$T(1 + \cos \varphi) = mg \sin \varphi \text{ nga ku: } T = \frac{mg \sin \varphi}{(1 + \cos \varphi)}$$

$$T = 23,3N$$

b) Për të gjetur N , zbatojmë rregullën e momenteve në lidhje me qendrën O të sferës. $N \cdot OM = T \cdot OF$.

$$D\hat{F}O = \frac{1}{2}D\hat{O}K \text{ ose } \theta = \frac{1}{2}\varphi. \text{ Nga figura } OM = R \sin \theta. \text{ Duke zëvendësuar } N \cdot R \sin \theta = T \cdot R$$

$$\Rightarrow N = \frac{T}{\sin \theta} = 55N$$

$$\vec{N} = -\vec{P} \text{ (ligji i tretë i Njutonit) } P = 55N$$

Shënim: Pranohet çdo zgjidhje tjetër e saktë, që nuk është parashikuar më lart, të cilin komisioni i vlerësimit e gjykon si të tillë.